

## DAFTAR ISI

Halaman

<b>ABSTRAK .....</b>	i
<b>KATA PENGANTAR.....</b>	ii
<b>DAFTAR ISI.....</b>	iv
<b>DAFTAR GAMBAR.....</b>	vii
<b>DAFTAR SIMBOL .....</b>	viii
<b>BAB I PENDAHULUAN.....</b>	1
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Perumusan Masalah .....	2
1.3 Tujuan Penulisan.....	3
1.4 Sistematika Penulisan.....	4
<b>BAB II LANDASAN TEORI .....</b>	5
2.1 Mekanika Fluida.....	5
2.1.1 Massa Jenis.....	5
2.1.2 Kekentalan.....	6
2.1.3 Tekanan Fluida.....	6
2.1.4 Massa Jenis Campuran ( <i>Mixture Density</i> ).....	6
2.1.5 Kecepatan Aktual Aliran Fluida.....	7
2.1.6 Fraksi Volumetrik .....	7

2.1.7 Kecepatan Superfisial Aliran Fluida .....	8
2.1.8 Bilangan Reynolds .....	8
2.2 Hukum Kekekalan Massa .....	9
2.3 Hukum Kirchoff .....	9
2.3.1 Hukum Kirchoff I.....	9
2.3.2 Hukum Kirchoff II .....	11
2.4 <i>Linear Theory Method</i> dalam Jaringan Pipa .....	13
2.5 Model Aliran Tiga Fasa Bello pada Pipa Horizontal .....	14
<b>BAB III PEMBAHASAN .....</b>	<b>15</b>
3.1 Penyusunan Model Matematika Bello	
untuk Aliran Pasir dalam Minyak .....	16
3.1.1 Modifikasi Model Matematika pada Gaya Drag ( $F_D$ ) .....	17
3.1.2 Modifikasi Model Matematika pada Gaya Gesek	
Dinding Bagian Dalam Pipa ( $F_W$ ).....	19
3.1.3 Modifikasi Model Matematika pada Gaya Interaksi	
Partikel Pasir ( $F_{s,s}$ ).....	23
3.1.4 Modifikasi Model Matematika pada	
Gaya Gravitasi ( $F_{G,m}$ ) .....	24
3.1.5 Modifikasi Model Matematika pada Gaya Aliran	
Turbulen Antara Partikel Pasir dengan Minyak ( $F_{TM}$ ) .....	25
3.2 Pengembangan Model Matematika	
Aliran Pasir dalam Minyak .....	26
3.3 Analisis.....	27

3.4 Penerapan Model Matematika Hasil Pengembangan.....	29
<b>BAB IV KESIMPULAN DAN SARAN.....</b>	<b>35</b>
4.1 Kesimpulan .....	35
4.2 Saran.....	35
<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	<b>37</b>

## DAFTAR GAMBAR

Gambar	Halaman
1.1 Jaringan Pipa Sederhana .....	2
1.2 Jaringan Pipa Kompleks .....	3
2.1 Arus-Arus pada Titik Cabang .....	10
2.2 Laju Aliran Massa Fluida pada Titik Cabang .....	11
2.3 Arus-Arus dalam Rangkaian <i>Loop</i> .....	12
3.1 Jaringan Pipa Kompleks .....	30
3.2 Jaringan Pipa Kompleks yang Mengandung <i>Looping</i> Searah Jarum Jam.....	31
3.3 Jaringan Pipa Kompleks yang Mengandung <i>Looping</i> Berlawanan Arah Jarum Jam .....	33

## DAFTAR SIMBOL

$A$	= Luas penampang pipa ( $\text{m}^2$ )
$C_D$	= Koefisien hambatan
$C_\mu$	= Koefisien viskositas
$D$	= Diameter dalam pipa (m)
$d$	= Diameter partikel pasir (m)
$(\frac{\Delta p}{\Delta x})_T$	= Perubahan tekanan total terhadap panjang pipa (Pa)
$(\frac{\Delta p}{\Delta x})_{LG}$	= Perubahan tekanan fasa liquid-gas terhadap panjang pipa (Pa)
$(\frac{\Delta p}{\Delta x})_L$	= Perubahan tekanan liquid terhadap panjang pipa (Pa)
$(\frac{\Delta p}{\Delta x})_{LS}$	= Perubahan tekanan fasa liquid-solid terhadap panjang pipa (Pa)
$g$	= Gaya gravitasi ( $\text{m/s}^2$ )
$f_{ss}$	= Faktor gesekan antara permukaan dinding pipa dengan partikel pasir
$f_L$	= Faktor gesekan antara permukaan dinding pipa dengan minyak
$F$	= Gaya (N)
$F_S$	= Gaya tarik-menarik per satuan volume (Pa/m)
$F_{S,S}$	= Gaya interaksi partikel pasir per satuan volume (Pa/m)
$F_{G,m}$	= Gaya gravitasi per satuan volume (Pa/m)
$F_D$	= Gaya drag per satuan volume (Pa/m)
$F_W$	= Gaya gesek dinding pipa dengan fluida per satuan volume (Pa/m)
$F_{TM}$	= Gaya aliran turbulen antara partikel pasir dengan minyak

per satuan volume (Pa/m)

$H$  = Fraksi volumetrik fluida

$H_L$  = Fraksi volumetrik fluida fasa liquid

$H_S$  = Fraksi volumetrik fluida fasa solid

$i$  = Segmen pipa (*leg*)

$m$  = Massa (kg)

$n$  = Iterasi

$Q_G$  = Laju aliran fasa gas ( $\text{m}^3/\text{s}$ )

$Q_L$  = Laju aliran fasa liquid ( $\text{m}^3/\text{s}$ )

$Q_S$  = Laju aliran fasa solid ( $\text{m}^3/\text{s}$ )

$Q_T$  = Laju aliran total ( $\text{m}^3/\text{s}$ )

$r$  = Jarak antar pusat massa molekul (m)

$\mu$  = Viskositas dinamik fluida (Pa.s)

$\mu_L$  = Viskositas minyak (Pa.s)

$u_m$  = Kecepatan campuran fluida (m/s)

$u_s$  = Kecepatan aliran aktual fluida fasa solid (m/s)

$u_L$  = Kecepatan aliran aktual fluida fasa liquid (m/s)

$u_{SL}$  = Kecepatan superfisial fluida fasa liquid (m/s)

$u_{SS}$  = Kecepatan superfisial fluida fasa solid (m/s)

$d_s$  = Ekuivalen partikel pasir

$u'$  = Kecepatan aliran turbulen (m/s)

$\rho$  = Massa jenis ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )

$\rho_m$  = Massa jenis campuran ( $\text{kg}/\text{m}^3$ )

- $\rho_S$  = Massa jenis fasa solid ( $\text{kg/m}^3$ )
- $\rho_L$  = Massa jenis fasa liquid ( $\text{kg/m}^3$ )
- $\rho_G$  = Massa jenis fasa gas ( $\text{kg/m}^3$ )
- $N_{Re,L}$  = Bilangan Reynolds pada minyak
- $N_{Re,m}$  = Bilangan Reynolds untuk campuran fluida
- $\theta$  = Sudut elevasi kemiringan
- $V$  = Volume ( $\text{m}^3$ )
- $x$  = Panjang pipa (m)
- $W_T$  = Laju aliran massa total ( $\text{kg/s}$ )